

Soluciones entrenos OIE

Miners

Solución

La idea es utilizar programación dinámica. Sea $M(n, \text{estado1}, \text{estado2})$ la mayor cantidad de carbón que puede ser producida tras $n-1$ envíos de comida. "estado1" describe el historial de envíos a la primera mina, "estado2" el de los enviados a la segunda. Sea también $\text{value}(\text{estado}, \text{comida})$ el valor que se obtiene cuando se envía "comida" a una mina en estado "estado".

La formulación recursiva sería:

```
enviando_a_mina1 = M(n+1, nuevo-estado1-si-se-envia-a-mina1, estado2)
enviando_a_mina2 = M(n+1, estado1, nuevo-estado2-si-se-envia-a-mina2)
valor_obtenido_al_enviar_a_mina1 = value(estado1, envio)
valor_obtenido_al_enviar_a_mina2 = value(estado2, envio)
M(n, estado1, estado2) =
    max( enviando_a_mina1 + valor_obtenido_al_enviar_a_mina1,
         enviando_a_mina2 + valor_obtenido_al_enviar_a_mina2 )
```

El último paso consiste en darnos cuenta de que $M(n+1, \dots)$ sólo depende del valor de $M(n, \dots)$, con lo que sólo es necesario almacenar dos "filas" simultáneamente.

Código

C++

```
1  #include <bits/stdc++.h>
2
3  using namespace std;
4
5  const int N = 1e5;
6
7  int food[N + 1];
8  // Dimensiones: n, penultima comida mina 1, ultima comida mina1,
9  //               penultima comida mina 2, ultima comida mina2
10 int dp[2][4][4][4][4];
11 string str;
12
13 int nFood;
```

```

1  int value(int a, int b, int c) {
2      int ans = 0;
3      if (a == 1 || b == 1 || c == 1) {
4          ++ans;
5      }
6      if (a == 2 || b == 2 || c == 2) {
7          ++ans;
8      }
9      if (a == 3 || b == 3 || c == 3) {
10         ++ans;
11     }
12     return ans;
13 }
14
15 int main() {
16     cin >> nFood;
17     cin >> str;
18     for (int i = 1; i <= nFood; ++i) {
19         char foodchar = str[i - 1];
20         // un switch es una alternativa a los bloques 'if' cuando todas las
21         // condiciones son sobre el valor de la misma variable
22         switch(foodchar) {
23             case 'M':
24                 food[i] = 1;
25                 break;
26             case 'F':
27                 food[i] = 2;
28                 break;
29             case 'B':
30                 food[i] = 3;
31                 break;
32         }
33     }
34
35     for (int i = nFood + 1; i >= 1; --i) {
36         for (int x1 = 0; x1 <= 3; ++x1) {
37             for (int x2 = 0; x2 <= 3; ++x2) {
38                 for (int y1 = 0; y1 <= 3; ++y1) {
39                     for (int y2 = 0; y2 <= 3; ++y2) {
40                         int curr = i % 2;
41                         int next = curr ^ 1;
42                         if (i == nFood + 1) {
43                             dp[curr][x1][x2][y1][y2] = 0;
44                         } else {
45                             int send_to_mine1 =
46                                 value(x1, x2, food[i]) + dp[next][food[i]][x1][y1][y2];
47                             int send_to_mine2 =
48                                 value(y1, y2, food[i]) + dp[next][x1][x2][food[i]][y1];
49                             dp[curr][x1][x2][y1][y2] = max(send_to_mine1, send_to_mine2);
50                         }
51                     }
52                 }
53             }
54         }
55     }
56     cout << dp[1][0][0][0][0];
57     return 0;
58 }

```