



## Ciclos de colores

Dado un grafo<sup>†</sup>, debes pintar cada vértice de un color de forma que se cumplan las siguientes dos condiciones:

- No existe ningún ciclo<sup>‡</sup> monocromático en el grafo, es decir, no hay ningún ciclo cuyos vértices sean todos del mismo color.
- Para cada par de colores distintos  $c_1, c_2$  que aparecen en el grafo, existe un ciclo bicromático con colores  $c_1$  y  $c_2$ , es decir, hay un ciclo que contiene al menos un vértice de color  $c_1$ , al menos un vértice de color  $c_2$  y ningún vértice de otro color.

Determina si es posible hacerlo y, en caso afirmativo, proporciona una coloración válida.

<sup>†</sup> Un *grafo* es un par  $(V, E)$ , donde  $V$  es un conjunto de vértices (numerados de 1 a  $n$  en este problema) y  $E$  es un conjunto de pares no ordenados  $u, v$  de vértices distintos, a los que se les llama *aristas*.

<sup>‡</sup> Un *ciclo* en un grafo es una lista de vértices  $(v_1, \dots, v_c)$  distintos tales que para todo  $1 \leq i < c$  hay una arista entre los vértices  $v_i$  y  $v_{i+1}$ , y también hay una arista entre  $v_c$  y  $v_1$ .

## Entrada y salida

La primera línea contiene un entero  $T$ , el número de casos a procesar.

Cada caso comienza con una línea con dos enteros  $n$  y  $m$ , el número de vértices y el número de aristas del grafo, respectivamente.

A continuación siguen  $m$  líneas, la  $i$ -ésima de ellas con dos enteros  $u_i$  y  $v_i$  — los vértices que une la  $i$ -ésima arista.

Por cada caso, si no existe una coloración válida, imprime una única línea con la palabra “NO”. En caso contrario, imprime una línea con la palabra “SI” seguida de un entero  $C$ , el número de colores que usarás en la coloración. A continuación, imprime una nueva línea con  $n$  enteros entre 1 y  $C$ , el  $i$ -ésimo de los cuales es el color asignado al vértice  $i$ . Para todo  $1 \leq i \leq C$  no debe existir ningún ciclo con vértices de color  $i$ , y para todo  $1 \leq i < j \leq C$  debe existir un ciclo con vértices de colores  $i$  y  $j$ . Si hay varias coloraciones posibles, puedes imprimir cualquiera de ellas.

## Ejemplo

Entrada:

```
2
5 8
1 2
1 3
1 4
2 3
5 1
4 3
4 5
5 2
4 2
1 2
3 4
```



Salida:

```
SI 3
1 2 2 3 3
SI 1
1 1 1 1
```

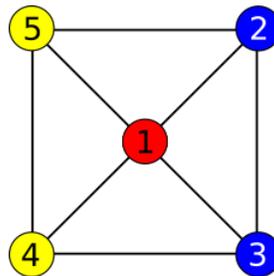


Figura 1: Coloración del primer caso de prueba.

En la figura se puede observar una posible coloración para el primer ejemplo. No hay ningún ciclo con vértices sólo de un color, y para cada par de colores hay un ciclo con sólo esos dos colores: para los colores 1 y 2, está el ciclo (1, 2, 3); para los colores 1 y 3, el (1, 4, 5); y para los colores 2 y 3, el (2, 3, 4, 5).

### Restricciones

$$1 \leq T \leq 2000.$$

$$2 \leq n \leq 10^6.$$

$$1 \leq m \leq 3 \cdot 10^6.$$

$1 \leq u_i, v_i \leq n$ .  $u_i \neq v_i$ , y no hay aristas repetidas.

La suma de  $(n + m)$  para todos los casos es como mucho  $4 \cdot 10^6$ .

### Subtareas

1. (4 puntos)  $m = n - 1$  y para todo  $1 \leq i < n$ ,  $u_i \leq i$ ,  $v_i = i + 1$ .
2. (7 puntos)  $m = \frac{n(n-1)}{2}$ .
3. (27 puntos)  $n + m \leq 100$ .
4. (26 puntos) La suma de  $(n + m)$  para todos los casos es como mucho  $2 \cdot 10^5$ .
5. (36 puntos) Sin restricciones adicionales.