



## XORradas

Se te da  $n$ ,  $k$ , y una lista  $a$  de enteros no negativos de longitud  $2n$ , donde cada elemento es mayor o igual que  $k$  ( $a_i \geq k$  para todo  $i$ ).

Encuentra una partición<sup>†</sup> de  $a$  de tamaño mínimo que cumpla la siguiente condición:

- El XOR<sup>‡</sup> de los elementos de cada parte de la partición es mayor o igual a  $k$ .

<sup>†</sup> Una partición de  $a$  en  $s$  partes se representa mediante una asignación de cada elemento de  $a$  a un entero entre 1 y  $s$ , de forma que decimos que los elementos que están asignados al mismo entero pertenecen a la misma parte. Decimos que  $s$  es el tamaño de la partición.

<sup>‡</sup> La operación XOR bit a bit de dos enteros no negativos se calcula de la siguiente forma:

Se escriben los dos números en binario y el resultado es el número que escrito en binario que tiene 1 en las posiciones en las que los operandos tienen valores diferentes, y 0 en las posiciones en las que los operandos tienen el mismo valor, por ejemplo  $10 \text{ XOR } 12 = 6$ , ya que  $10 = 1010_2$ ,  $12 = 1100_2$  y  $6 = 0110_2$ .

Para calcular la operación XOR de varios enteros  $x_1, \dots, x_n$ , se calcula la siguiente expresión:  $((\dots((x_1 \text{ XOR } x_2) \text{ XOR } x_3) \dots) \text{ XOR } x_n)$ .

Si una parte tiene sólo un elemento, el XOR de todos los elementos de la parte es igual a ese mismo número.

## Entrada y salida

La primera línea de la entrada contiene el número de casos  $T$ .

Por cada caso habrá una línea de entrada con dos enteros  $n$ ,  $k$ .

La siguiente línea de cada caso contiene  $2n$  enteros no negativos  $a_1, \dots, a_{2n}$ .

Para cada caso debes imprimir una línea con un entero  $s$ , el tamaño mínimo de la partición.

A continuación, debes imprimir una línea con  $2n$  valores entre 1 y  $s$ , representando la partición. (Si el  $i$ -ésimo valor es  $j$ , quiere decir que  $a_i$  pertenece a la  $j$ -ésima parte).

## Ejemplo

Entrada:

```
2
2 1
1 3 4 1
2 1
2 1 2 1
```

Salida:

```
1
1 1 1 1
2
1 1 2 2
```

En el primer caso podemos crear una partición de un solo conjunto con todos los elementos ya que  $1 \text{ XOR } 3 \text{ XOR } 4 \text{ XOR } 1 = 7 \geq k = 1$



En el segundo no podemos tomar solo una parte ya que  $2 \text{ XOR } 1 \text{ XOR } 2 \text{ XOR } 1 = 0 < k = 1$ , pero podemos separar en dos conjuntos  $\{2, 1\}$ ,  $\{2, 1\}$ , ya que  $2 \text{ XOR } 1 = 3 \geq k = 1$ .

### Restricciones

$$1 \leq T \leq 10^6.$$

$$1 \leq n \leq 2 \cdot 10^6.$$

La suma de  $n$  para todos los casos es como mucho  $2 \cdot 10^6$ .

$$0 \leq k \leq a_i \leq 10^{18}.$$

### Subtareas

1. (23 puntos) La suma de  $2n$  para todos los casos es como mucho 6.
2. (28 puntos) La suma de  $2n$  para todos los casos es como mucho 24.
3. (37 puntos) La suma de  $2n$  para todos los casos es como mucho  $2 \cdot 10^5$ .
4. (12 puntos) Sin restricciones adicionales.