

Tareas

Autora: Elena V. R.

Usamos la técnica de programación dinámica. Sea $dp[i][j]$ igual al mínimo tiempo necesario para completar j tareas, teniendo en cuenta sólo las primeras $i - 1$ tareas. Tenemos la siguiente relación de recurrencia:

$$dp[i + 1][j + 1] = \begin{cases} \min(dp[i][j + 1], dp[i][j] + t_i) & \text{si } dp[i][j] \leq p_i \\ dp[i][j + 1] & \text{si } dp[i][j] > p_i \end{cases}$$

Usándola, podemos calcular la DP en tiempo $O(n^2)$ (y memoria $O(n)$ si eliminamos la primera dimensión). La respuesta es el mayor valor de j tal que $dp[n + 1][j] < \infty$.

```
1 #include<bits/stdc++.h>
2
3 using namespace std;
4
5 const int INF = 1000000001;
6
7 int main() {
8     int T;
9     cin >> T;
10    while (T--) {
11        int n;
12        cin >> n;
13        vector<int> t(n);
14        vector<int> p(n);
15        for (int i=0; i < n; ++i) cin >> t[i] >> p[i];
16        vector<int> dp(n+1, INF);
17        dp[0] = 0;
18        for (int i=0; i < n; ++i) {
19            for (int j=n-1; j > -1; --j) {
20                if (dp[j] <= p[i]) {
21                    dp[j+1] = min(dp[j+1], dp[j] + t[i]);
22                }
23            }
24        }
25        int ans = n;
26        while (dp[ans] == INF) ans--;
27        cout << ans << endl;
28    }
29 }
```