

## Pizarra

*Autores: Darío Martínez Ramírez y Elena V. R.*

El enunciado nos da dos listas de números  $a_i, b_i$  y nos pide que convirtamos  $a$  en una lista que contenga todos los números de  $b$ . Supongamos que ambas listas están ordenadas.

La primera observación es que si  $a_i \leq b_j \leq a_{i+1}$ , siempre es óptimo conseguir  $b_j$  a partir de  $a_i$  o  $a_{i+1}$ , ya que si lo consiguiéramos a partir de otro número de  $a$ , estaríamos gastando dinero para construir  $a_i$  o  $a_{i+1}$  como paso intermedio, cuando duplicarlos al principio es gratis.

Podemos por tanto resolver el problema independientemente para cada  $a_i, a_{i+1}$  y los números de  $b$  que hay en el medio, y luego sumar las respuestas. Sean estos  $a_i \leq b_l \leq b_{l+1} \leq \dots \leq b_r \leq a_{i+1}$ .

Claramente la forma óptima de generar  $b_l, \dots, b_r$  es elegir algún  $l \leq x \leq r + 1$  y generar  $b_l, \dots, b_{x-1}$  a partir de  $a_i$  y el resto a partir de  $a_{i+1}$  (ya que de nuevo, hacer lo contrario significaría que estás generando como paso intermedio el mismo número desde  $a_i$  y  $a_{i+1}$ , que es una pérdida de dinero respecto a generarla desde un solo lado y luego duplicarlo).

Para generar  $b_l, \dots, b_{x-1}$ , primero duplicamos  $a_i$  gratis, luego generamos  $b_l$  a partir de la copia (con coste  $r(b_l - a_i)$ ), luego lo duplicamos, ahora generamos  $b_{l+1}$  a partir de la copia (con coste  $r(b_{l+1} - b_l)$ ), luego de duplicamos, etc.

El coste de todo esto será por tanto  $r((b_l - a_i) + (b_{l+1} - b_l) + \dots + (b_{x-1} - b_{x-2})) = r(b_{x-1} - a_i)$  euros (si  $x = l$  el coste será 0). Similarmente, el coste de generar  $b_x, \dots, b_r$  será  $l(a_{i+1} - b_x)$  euros (si  $x = r + 1$  el coste será 0).

Por tanto, podemos simplemente iterar por todos los valores de  $x$ , calcular su coste, y elegir el mejor.

Hacer esto para todos los índices  $i$  nos da la respuesta correcta (también hay que añadir el coste de generar los valores de  $b_i$  más pequeños que  $a_1$  y más grandes que  $a_n$ . La forma es básicamente la misma, pero estás obligado a generarlos todos desde el mismo lado).

```
1 #include<bits/stdc++.h>
2
3 using namespace std;
4
5 #define int long long
6 #define vi vector<int>
7 #define vvi vector<vi>
8 #define pb push_back
9
10 #define sz(x) (int)(x).size()
11
12 signed main(){
13     int t;
14     cin >> t;
15     while (t--){
16         int n,m,l,r;
17         cin >> n >> m >> l >> r;
18         vi a(n), b(m);
19         for (int &x:a) cin >> x;
20         for (int &x:b) cin >> x;
21         sort(a.begin(),a.end());
22         sort(b.begin(),b.end());
23
24         int ans=0;
25         vvi intervals(n-1);
26         int ac=0;
27         if (b[0]<a[0]) ans+=1*(a[0]-b[0]);
28         if (b.back()>a.back()) ans += r*(b.back()-
29             a.back());
30         for (int x:b){
31             while (ac<n && x>=a[ac]) ac++; // ac
32             is first bigger
33             if (ac!=0 && ac!=n) intervals[ac-1].pb
34             (x);
35             for (int i=0;i<n-1;i++) if (sz(intervals[i
36                 ])) {
37                 int k = sz(intervals[i]);
38                 int interans = min(1*(a[i+1]-intervals
39                     [i][0]), r*(intervals[i].back()-a[i]));
40                 for (int j=0;j<k-1;j++) interans = min
41                     (interans, r*(intervals[i][j]-a[i])+1*(a[i+1]-
42                         intervals[i][j+1]));
43                 ans+=interans;
44             }
45         }
46         cout << ans << '\n';
47     }
```